

## (注意事項)

- 計算過程等の途中経過は省略し、答えのみを掲載いたします。
- ここに掲載するのは解答の一例であり、別解がある場合があります。
- 証明問題に関しては、その要点のみ記載します。

I ア :  $\frac{17}{8}$  イ : 1 ウ :  $2\sqrt{2}, \frac{1}{4}$  エ :  $\left(\frac{1+\sqrt{3}}{2}, \frac{1+\sqrt{3}}{2}\right)$

オ :  $\frac{1}{4}$  カ :  $\frac{3}{4}$  キ : 1800 ク : 42

II (i)  $p_1 = \frac{1}{2}, q_1 = \frac{1}{2}, r_1 = 0, p_2 = \frac{1}{4}, q_2 = \frac{1}{2}, r_2 = \frac{1}{4}$

(ii)  $a_1 = \frac{1}{2}, a_2 = 0, a_3 = \frac{1}{2}, b_1 = \frac{1}{2}, b_2 = \frac{1}{2}, b_3 = 0, c_1 = 0, c_2 = \frac{1}{2}, c_3 = \frac{1}{2}$

(iii)  $r_n = 1 - p_n - q_n$  (iv)  $A_1 = \frac{1}{2}, A_2 = -\frac{1}{4}, A_3 = \frac{1}{4}$

(v)  $B_1 = -\frac{1}{8}, B_2 = \frac{3}{8}$  (vi)  $p_{3n+1} = \frac{1}{3} + \frac{1}{6} \left(-\frac{1}{8}\right)^n$

III (i)  $f'(x) = \frac{x \cos x - \sin x}{x^2}$

$x$	0	$\dots$	$\pi$
$f'(x)$	/	—	—
$f(x)$	/	↗	0

(ii) ア : 0, イ : 1 (iii)  $k = \frac{4}{\pi^2}$

(iv)  $\frac{\pi^2}{2} - \frac{16}{3}$  (v) (c)

IV (i)  $I_0 = \frac{\pi}{4}, I_1 = \frac{1}{2} \log 2$

(ii)  $a = 1, b = -1$

(iii)  $\int_0^1 S_n(x) dx = \frac{\pi}{4} + (-1)^{n+1} I_{2n}$

(iv)  $0 \leq x \leq 1$ において、 $\frac{1}{2} \leq \frac{1}{1+x^2} \leq 1$ より  $\frac{x^m}{2} \leq \frac{x^m}{1+x^2} \leq x^m$ である。

(v)  $\frac{1}{2(m+1)} = \int_0^1 \frac{x^m}{2} dx \leq \int_0^1 \frac{x^m}{1+x^2} dx \leq \int_0^1 x^m dx = \frac{1}{m+1}$

(vi)  $T = \frac{\pi}{4}$